

Devoir libre de préparation pour le devoir surveillé n°4 sur les leçons suivantes :

- ✓ TRIGONOMÉTRIE partie1
- ✓ TRIGONOMÉTRIE partie2 : Equations et inéquations trigonométriques

La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/>

Exercice01 : Calculer la longueur L de l'arc AB d'un cercle (C) de rayon $R = 3cm$ et tel que :

$$\alpha = (\widehat{AOB}) = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

Exercice02 : 1) Déterminer l'abscisse curviligne principale de chacune des abscisses suivantes :

1) 2025π 2) $\frac{19\pi}{6}$ 3) $-\frac{2023\pi}{3}$

2) Placer sur le cercle trigonométrique les points :

$$A(0) ; B\left(\frac{\pi}{2}\right) ; C(2025\pi) ; D\left(\frac{19\pi}{6}\right) ; E\left(-\frac{2023\pi}{3}\right)$$

Exercice03 : Associer entre eux les nombres qui correspondent au même point du cercle :

π	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{4}$	$\frac{3\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	6π	$-\frac{4\pi}{3}$	$\frac{9\pi}{4}$	$-\frac{14\pi}{3}$
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
14π	$-\frac{8\pi}{3}$	$\frac{5\pi}{2}$	$\frac{\pi}{4}$	3π	$\frac{7\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$-\frac{5\pi}{4}$	$\frac{7\pi}{3}$

Exercice04 : Placer sur un cercle trigonométrique d'origine I Les points d'abscisses curvilignes :

$$k \frac{\pi}{2} \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

Exercice05 : Parmi les mesures suivantes, indiquer celles qui sont associés au même point que

$$M\left(-\frac{\pi}{12}\right) \text{ Sur le cercle trigonométrique : } \frac{47\pi}{12} ; \frac{-49\pi}{12} ; \frac{11\pi}{12} ; \frac{-241\pi}{12} ; \frac{-37\pi}{12} ; \frac{-313\pi}{12}$$

Exercice06 : A ; B ; C et D sont quatre points du plan.

$$\text{Démontrer l'égalité : } (\overline{AB}; \overline{AD}) + (\overline{DA}; \overline{DC}) + (\overline{CD}; \overline{CB}) + (\overline{BC}; \overline{BA}) \equiv 0[2\pi]$$

Exercice07 : On considère un entier relatif n (il peut être positif ou négatif).

Déterminer éventuellement en fonction de n, le cosinus et le sinus des réels :

$$2n\pi ; (2n+1)\pi ; n\pi ; -\frac{\pi}{2} + (2n+1)\pi$$

Exercice08 : 1) Sachant que : $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{3}$ et $\frac{\pi}{2} < x < \pi$; calculer : $\cos x$ et $\tan x$

2) Sachant que : $-\pi < x < -\frac{\pi}{2}$ et $\tan x = 2\sqrt{3}$; calculer : $\cos x$ et $\sin x$

3) Sachant que : $\cos x > \sin x > 0$ et ; calculer : $\cos x + \sin x$ et $\cos x - \sin x$
Et en déduire $\cos x$ et $\sin x$

Exercice09 : On donne : $\cos \frac{\pi}{5} = \frac{1+\sqrt{5}}{4}$

1) Calculer la valeur exacte de : $\sin \frac{\pi}{5}$

2) En déduire les valeurs exactes du sinus et du cosinus des réels: $\frac{4\pi}{5}$ et $\frac{9\pi}{5}$

Exercice10 : Simplifier et calculer les expressions suivantes :

$$A = \cos(0) + \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + \cos\left(3\frac{\pi}{4}\right) + \cos(\pi)$$

$$B = \tan\left(\frac{\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{2\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{3\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{4\pi}{5}\right)$$

Exercice11 : Exprimer en fonction de $\cos x$ ou de $\sin x$ les réels suivants :

$$A = \cos\left(\frac{5\pi}{2} - x\right) ; B = \sin(x + 100\pi) \quad C = \cos\left(\frac{2020\pi}{2} + x\right) \quad D = \sin\left(\frac{2021\pi}{2} + x\right)$$

$$E = \sin(x - 78\pi) ; F = \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + 4\sin\left(-x - \frac{\pi}{2}\right) - 5\sin(\pi + x)$$

$$G = \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - 2\cos(-x - \pi) + 5\sin(-x)$$

Exercice12 : Simplifier les expressions suivantes :

$$G = \cos\left(\frac{\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{4\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{5\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{6\pi}{7}\right)$$

$$H = \sin^2\left(\frac{\pi}{8}\right) + \sin^2\left(\frac{3\pi}{8}\right) + \sin^2\left(\frac{5\pi}{8}\right) + \sin^2\left(\frac{7\pi}{8}\right)$$

$$K = \cos^2\left(\frac{\pi}{10}\right) + \cos^2\left(\frac{2\pi}{10}\right) + \cos^2\left(\frac{3\pi}{10}\right) + \cos^2\left(\frac{4\pi}{10}\right)$$

Exercice13 : Soit $x \in \left] \frac{\pi}{2}; \pi \right]$; On pose : $A = \sin^2 x + 2\cos^2 x - 1$

1) Montrer que : $A = \cos^2 x$

2) Si $A = \frac{1}{3}$ calculer : $\tan x$

Exercice14 : Simplifier les expressions suivantes : $x \in \mathbb{R}$

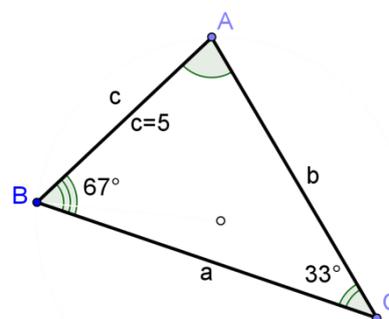
$$I = \frac{\cos x}{1 + \sin x} + \frac{\sin x}{1 + \cos x} + \frac{(1 - \sin x)(1 - \cos x)}{\sin x \cos x} \text{ si } x \neq \frac{k\pi}{2} \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

$$J = \frac{(1 - \sin x)(1 - \cos x)}{\sin x \cos x} + \frac{2}{\sin x + \cos x + 1} \text{ si } x \neq \frac{k\pi}{2} \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

$$K = \cos^4 x - \sin^4 x + 2\sin^2 x$$

$$X = \cos^6 x + \sin^6 x + 3\sin^2 x \cos^2 x$$

Exercice15 : Calculer AC dans ce triangle :



Exercice16 : Calculer le périmètre et la surface d'un parallélogramme $ABCD$ tel que :

$$BC = 3cm \text{ et } \angle ABC = \frac{2\pi}{3} \text{ et } AB = 4cm$$

Exercice17 : 1) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivantes : $\sin x = \frac{1}{2}$

2) En déduire les solutions dans $]-\pi, \pi]$ de l'équation $\sin x = \frac{1}{2}$

Exercice18 : 1) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivantes : $\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

2) En déduire les solutions dans $]-\pi, \pi]$ de l'équation : $\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

Exercice19 : Résoudre dans l'intervalle I les équations suivantes :

1) $\tan x = \sin x$; $I = \mathbb{R}$

2) $\tan x = -\tan \frac{\pi}{12}$; $I =]-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}[$

3) $\sqrt{3} \tan\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = 1$; $I = \mathbb{R}$

4) $\tan x \times \tan 2x = 1$; $I =]-\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{4}[$

Exercice20 : Résoudre dans $[0; 2\pi]$ l'inéquation suivante : $\sin x > -\frac{1}{2}$

Exercice21 : Résoudre dans $]-\pi; \pi]$ l'inéquation suivante : $\cos x \leq -\frac{\sqrt{2}}{2}$

Exercice22 : Résoudre dans $[0; \pi]$ l'inéquation suivante : (I) : $\sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$

Exercice23 : Résoudre dans $S =]-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}[$ l'inéquation suivante : $\tan x \geq 1$

Exercice24 : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

1) $2 \sin^2 x - 3 \sin x + 1 = 0$ (E_1)

2) $\sqrt{3} \tan^2 x + (\sqrt{3} - 1) \tan x - 1 = 0$ (E_3) (E_2)

C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.

C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

