

Devoir libre de préparation pour le devoir surveillé n°3 sur les leçons suivantes :

- ✓ Equations et inéquations du premier degré et systèmes d'inéquations : partie1
- ✓ Equations et inéquations du second degré
- ✓ Système d'équations du premier degré a deux inconnues
- ✓ Les polynômes

La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/>

Exercice01 : 1) Déterminer la forme canonique des trinômes suivants : a) $2x^2 + 12x + 8$ b) $3x^2 - 6x + 24$
 2) En déduire une résolution des équations suivantes : a) $2x^2 + 12x + 8 = 0$ b) $3x^2 - 6x + 24 = 0$

Exercice02 : Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$ et factoriser le trinôme $P(x)$:

a) $P(x) = x^2 - 5x + 6$ b) $P(x) = 2x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{18}$ c) $P(x) = 5x^2 - 3x + 1$

Exercice03 : 1) Résoudre les équations : a) $|3x - 2| = 6$ b) $|-3x - 1| = -3$ c) $|3x + 1| = |4x - 2|$

2) Résoudre les inéquations : a) $|4x - 7| \leq 2$ b) $|8x + 3| \geq \frac{1}{4}$ c) $1 \leq |6x - 3| \leq 4$

Exercice04 : Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

a) $-5x^2 + 6x + 8 \geq 0$ b) $2x^2 - (2\sqrt{2} + \sqrt{3})x + \sqrt{6} > 0$ c) $16x^2 - \frac{8}{3}x + \frac{1}{9} < 0$ d) $-\frac{1}{2}x^2 + x - 4 < 0$

Exercice05 : le trinôme $(E) : P(x) = -3x^2 + \sqrt{3}x + 3$

1) Prouver que le trinôme (E) admet deux racines distinctes α et β sans les calculer

2) Déduire les valeurs suivantes : $\alpha + \beta$; $\alpha \times \beta$; $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$; $\alpha^2 + \beta^2$; $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}$; $\alpha^3 + \beta^3$

Exercice06 : Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation suivante : (I) ; $\sqrt{x-1} \geq x-7$

Exercice07 : Résoudre dans \mathbb{R} et discuter suivant le paramètre $m \in \mathbb{R}$ l'inéquation suivante :

$$m(mx - 1) < x(1 - m)$$

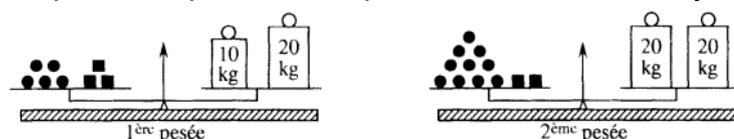
Exercice08 : Résoudre dans \mathbb{R}^2 les équations suivantes : 1) $x + y = 2x - 1$ 2) $3x + 2y - 2 = 2y - 2$

Exercice09 : Résoudre Dans \mathbb{R}^2 l'inéquation : $x - y - 3 \geq 0$

Exercice10 : Résoudre Dans \mathbb{R}^2 l'inéquation : $2x - y < 0$

Exercice11 : On effectue deux pesées (les masses sont exprimées en kg).

La première pesée nous permet d'écrire : $5x + 3y = 30$.



1) a) Déterminer l'équation que permet d'écrire la première pesée

b) Déterminer l'équation que permet d'écrire la seconde pesée

2) En déduire la masse d'une boule et la masse d'un cube.

Exercice12 : 1) Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système suivant :
$$\begin{cases} 3x - 4y = 10 \\ -x + 5y = -7 \end{cases}$$

3) Déduire des questions précédents les solutions du système :
$$\begin{cases} 3a^2 - \frac{4}{b+1} = 10 \\ -a^2 + \frac{5}{b+1} = -7 \end{cases}$$

Exercice13 : Résoudre dans \mathbb{R}^2 et discuter suivant le paramètre m les systèmes suivants :

1)
$$\begin{cases} x + my = 6 \\ 2x + 4y = 5 \end{cases} \quad (I) \quad 2) \quad \begin{cases} mx + y = 1 + m \\ x + my = 2 \end{cases} \quad (J)$$

Exercice14 : On considère le polynôme : $P(x) = -5x^2 + 8x - 3$

1) a) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$

b) En déduire que : $P(x) = (x-1)(3-5x)$

2) On suppose que : $|x+1| < \frac{1}{5}$

a) Montrer que : $-\frac{6}{5} < x < -\frac{4}{5}$

b) Montrer que : $-\frac{99}{5} < P(x) < -\frac{63}{5}$

c) En déduire que $-16,2$ est une valeur approchée de $P(x)$ avec la précision 3,6

Exercice15 : Soit : $P(x) = 2x^3 + 3x^2 + ax + b$ avec : $a \in \mathbb{R}$ et $b \in \mathbb{R}$

1) Déterminer a et b tels que :

a) $P(x)$ soit divisible par $x-2$

b) Le reste de la division euclidienne de $P(x)$ par $x-1$ est -12

2) Factoriser $P(x)$ dans ce cas

Exercice16 : Soit : $P(x) = 2x^3 - 5x^2 - 4x + 3$

1) montrer que le polynôme $P(x)$ est divisible par $x-3$

2) En Effectuant la division euclidienne de $P(x)$ par $x-3$ montrer que : $P(x) = (x-3)Q(x)$

Avec : $Q(x) = 2x^2 + x - 1$

3) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $Q(x) = 0$

4) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $Q(x) \geq 0$

5) En déduire une factorisation du polynôme $P(x)$ en produits de polynômes de 1ere degrés

6) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$

7) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $P(x) > 0$

*C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.
C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien*

