

Devoir libre de préparation pour le devoir surveillé n°3 sur les leçons suivantes :

- ✓ Equations et inéquations du premier degré et systèmes d'inéquations : partie I
- ✓ Equations et inéquations du second degré
- ✓ Système d'équations du premier degré a deux inconnues
- ✓ Les polynômes

La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/>

Exercice01 : Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes sans utiliser le discriminant :

- 1) $2x^2 = 72$ 2) $-\frac{1}{2}x^2 = 5$ 3) $2(3x-1)^2 = 8$ 4) $7x^2 + 16x = 0$
 5) $-5x^2 + 6x + 8 = 0$ (on peut utiliser l'écriture canonique). 6) $4(x^2 - 1) = (x-1)(x+2)$

Exercice02 : Factoriser les trinômes : a) $4x^2 + 19x - 5$ b) $9x^2 - 6x + 1$

Exercice03 : Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$ et factoriser le trinôme $P(x)$:

- a) $P(x) = 3x^2 - x - 3$ b) $P(x) = 2x^2 - x - 2 + \sqrt{2}$ c) $P(x) = -4x^2 + 4x - 1$ d) $P(x) = -10x^2 + 3x - \frac{1}{4}$

Exercice04 : En additionnant les âges de Fatima et de Najat on trouve 44. En multipliant leurs âges on trouve 468. Najat est plus jeune que Fatima. Quel âge à Fatima ?

Exercice05 : On considère dans \mathbb{R} l'équation : (E) : $x^4 - 7x^3 + 16x^2 - 14x + 4 = 0$

- 1) a) Vérifier que 0 n'est pas solution de l'équation (E)
- b) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivante : (E') : $X^2 - 7X + 12 = 0$
- 2) Montrer que si α est solution de l'équation (E) alors : $\alpha + \frac{2}{\alpha}$ est solution de l'équation (E')
- 3) En déduire les solutions de l'équation (E)

Exercice06 : (Equations avec des racines carrées)

Résoudre dans \mathbb{R} ; l'équation suivante : $\sqrt{3x+4} = x$

Exercice07 : 1) Résoudre dans \mathbb{R} et discuter suivant le paramètre m l'équation suivante :

$$m^3x + 1 = x + 3$$

Exercice08 : Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

- 1) $x(x+2) \geq (2x+1)(x+2)$ 2) $\frac{2x^2 - 12x + 19}{x-2} \leq 0$ 3) $\frac{-6x^2 - 9x - 3}{-x^2 + 8x - 17} > 0$

Exercice09 : Soit : $P(x) = 2x^3 + 9x^2 + 7x - 6$

- 1) Montrer que le polynôme $P(x)$ est divisible par $x + 3$
- 2) En Effectuant la division euclidienne de $P(x)$ par $x + 3$ montrer que : $P(x) = (x + 3)Q(x)$ avec $Q(x) = 2x^2 + 3x - 2$
- 3) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $Q(x) = 0$
- 4) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $Q(x) \geq 0$
- 5) En déduire une factorisation du polynôme $P(x)$ en un produit de polynômes de 1ere degré

6) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$

7) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $P(x) > 0$

Exercice10 : On considère l'équation : $(E) : x^3 - x^2 - 4x - 6 = 0$

1) Montrer que le nombre 3 est solution de (E)

2) Déterminer trois réels : a, b et c tels que : $x^3 - x^2 - 4x - 6 = (x-3)(ax^2 + bx + c)$

3) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : (E)

4) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $(I) : x^3 - x^2 - 4x - 6 > 0$

Exercice11 : Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système suivant :

$$\begin{cases} \frac{5}{x-1} + \frac{3}{y-2} = 4 \\ \frac{-2}{x-1} + \frac{1}{y-2} = 1 \end{cases}$$

Exercice12 : On considère dans \mathbb{R}^2 le système suivant : $(I) \begin{cases} (m+2)x + y = m+1 \\ 9x + (m+2)y = 6 \end{cases}$

On va utiliser la Méthode des déterminants pour Résoudre ce système

On pose : $\Delta = \begin{vmatrix} m+2 & 1 \\ 9 & m+2 \end{vmatrix}$ et $\Delta_x = \begin{vmatrix} m+1 & 1 \\ 6 & m+2 \end{vmatrix}$ et $\Delta_y = \begin{vmatrix} m+2 & m+1 \\ 9 & 6 \end{vmatrix}$

1)a) Vérifier que : le déterminant du système est : $\Delta = (m-1)(m+5)$

b) En déduire les valeurs de m pour lesquelles : $\Delta = 0$

2) Vérifier que : $\Delta_x = (m-1)(m+4)$ et $\Delta_y = -3(m-1)$

3) On suppose que : $m \neq 1$ et $m \neq -5$

a) Montrer que le système (I) admet un couple unique comme solution.

b) Résoudre le système (I) avec simplification des résultats.

c) En déduire la résolution du système : $(2) \begin{cases} -x + y = -2 \\ 9x - y = 6 \end{cases}$

4) On suppose que : $m = 1$

a) Ecrire le système dans ce cas, on le note (3) .

b) Quel est le nombre de solution du système (3) .

c) Résoudre le système (3)

5) On suppose que : $m = -5$

a) Ecrire le système dans ce cas, on le note (4) .

b) Quel est le nombre de solution du système (4) .

c) Résoudre le système (4)

Exercice13 : 1) Résoudre algébriquement l'inéquation suivante : $|2x-1| \leq |x+2|$

2) Résoudre graphiquement l'inéquation suivante : $|2x-1| \leq |x+2|$

*C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.
C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien*

